

Automatismes de Première

Réponse attendue et repère de calcul pour chacune des 170 questions. Une réponse équivalente correctement écrite est acceptée.

1 • Calcul numérique

N°	Réponse	Repère
1	$-\frac{1}{12}$	$\frac{8}{12} - \frac{9}{12}$
2	$\frac{3}{4}$	$\frac{5 \times 9}{6 \times 10} = \frac{45}{60}$
3	$\frac{2}{3}$	diviser, c'est multiplier par l'inverse : $\frac{3}{4} \times \frac{8}{9}$
4	$\frac{1}{2}$	$\frac{2/3}{4/3} = \frac{2}{4}$
5	2^{-2}	exposant $5 - 3 - 4$
6	1	$3^4 \times 3^2 = 3^6$ et $27^2 = 3^6$
7	0,01	$10^{3-5} = 10^{-2}$
8	$6\sqrt{2}$	$\sqrt{36 \times 2} = \sqrt{36} \sqrt{2}$
9	12	$2^2 \times (\sqrt{3})^2 = 4 \times 3$
10	$\frac{7}{20}$	$\frac{35}{100}$, simplifié par 5
11	37,5 %	$\frac{3}{8} = 0,375$
12	20 m/s	$\frac{72\,000\text{ m}}{3\,600\text{ s}}$: on divise par 3,6

Plus difficile

13	3	$\frac{2^{10}}{2^8} - 1 = 4 - 1$
14	$\sqrt{3}$	$4\sqrt{3} - 3\sqrt{3}$
15	10	exposant $-3 + 8 - 4 = 1$
16	9	$9^{n+1} = 3^{2n+2}$, donc le quotient vaut 3^2
17	$\frac{7}{9}$	produits en croix : $7 \times 11 = 77 > 8 \times 9 = 72$
18	environ 2×10^7	$\approx \frac{4 \times 10^5}{2 \times 10^{-2}}$

2 · Proportions et évolutions

N°	Réponse	Repère
19	36	$0,1 \times 240 + 0,05 \times 240 = 24 + 12$
20	37,5 %	$\frac{12}{32} = \frac{3}{8}$
21	10 %	proportion de proportion : $0,4 \times 0,25 = 0,1$
22	92 €	$80 \times 1,15$
23	1,07	$1 + \frac{7}{100}$
24	-12 % (baisse)	$0,88 = 1 - 0,12$
25	+20 %	$\frac{60-50}{50} = \frac{10}{50}$
26	-25 %	$\frac{150-200}{200} = -\frac{1}{4}$
27	80 €	valeur initiale = $\frac{100}{1,25}$
28	60 €	valeur initiale = $\frac{48}{0,8}$
29	+32 %	$1,1 \times 1,2 = 1,32$: les taux ne s'additionnent pas
30	-4 %	$1,2 \times 0,8 = 0,96$
31	-20 %	$\frac{1}{1,25} = 0,8$
32	0,81	$0,9^2$, soit une baisse globale de 19 %
Plus difficile		
33	+44 %	$1,2^2 = 1,44$
34	-2,8 %	$0,9^2 \times 1,2 = 0,81 \times 1,2 = 0,972$
35	10 %	$1,1^2 = 1,21$
36	40 €	prix initial $\frac{120}{0,75} = 160$ €
37	75 €	$\frac{90}{1,2}$
38	10 %	femmes joueuses : $0,6 \times 0,3 = 18$ % des membres ; hommes joueurs : 4 %, sur 40 %
39	+150 %	$\frac{1}{0,4} = 2,5$

3 · Calcul algébrique

N°	Réponse	Repère
40	$x^2 - 2x - 15$	$x^2 - 5x + 3x - 15$
41	$4x^2 - 12x + 9$	$(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$
42	$9x^2 - 1$	$(a + b)(a - b) = a^2 - b^2$
43	$5x + 2$	$6x - 2 - x + 4$: le signe « - » change les deux signes
44	$3x(2x - 3)$	facteur commun $3x$
45	$(x - 5)(x + 5)$	$a^2 - b^2$ avec $b = 5$
46	$(x + 5)^2$	$a^2 + 2ab + b^2$ avec $b = 5$
47	$(x + 1)(x - 1)$	$(x + 1)[(x - 3) + 2]$
48	$S = \{-4; \frac{1}{2}\}$	produit nul : $2x - 1 = 0$ ou $x + 4 = 0$
49	$S = \{0; 3\}$	$x(x - 3) = 0$; ne pas diviser par x
50	$x < 3$, soit $]-\infty; 3[$	$-2x > -6$: on divise par -2 , le sens change
51	$]-3; 2[$	trinôme de coefficient $1 > 0$: négatif entre ses racines
52	$h = \frac{3V}{\pi r^2}$	multiplier par 3, diviser par πr^2
53	$x = \frac{2}{5}$	$2 = 5x$, avec $x \neq 0$

Plus difficile

54	$x^3 + 1$	$x^3 - x^2 + x + x^2 - x + 1$
55	$4(x - 1)(x + 2)$	$(2x + 1 - 3)(2x + 1 + 3) = (2x - 2)(2x + 4)$
56	$-(x - 3)(x + 4)$	$(x - 3)[(x - 3) - (2x + 1)] = (x - 3)(-x - 4)$
57	$S = \{-1; 3\}$	$x - 1 = 2$ ou $x - 1 = -2$
58	$[-5; 2]$	tableau de signes, ou trinôme de coefficient -1 : positif entre ses racines
59	$\frac{1}{x(x + 1)}$	dénominateur commun $x(x + 1)$: $\frac{(x+1)-x}{x(x+1)}$
60	$R = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$	$\frac{1}{R} = \frac{R_1 + R_2}{R_1 R_2}$, puis on inverse
61	$x = -3$	numérateur nul et dénominateur non nul ($x \neq 1$)

4 • Fonctions et représentations graphiques

N°	Réponse	Repère
62	1	point de la courbe d'abscisse 0
63	-2 et 0	abscisses des points de la courbe d'ordonnée 1
64	2, atteint en $x = -1$	point le plus haut de la courbe
65	$[-1; 2]$	la courbe descend de $(-1; 2)$ à $(2; -2)$
66	3 solutions	la courbe coupe trois fois l'axe des abscisses
67	$[-2; 0]$	partie de la courbe sur ou au-dessus de la droite $y = 1$
68	3	$\frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{8-2}{3-1}$
69	$y = 2x + 1$	$y = 2x + p$ et $3 = 2 \times 1 + p$
70	$y = 2x - 1$	ordonnée à l'origine -1; +1 en x donne +2 en y
71	Oui	$3 \times 2 - 1 = 5$
72	$(3; 0)$	$2x - 6 = 0$
73	$g(x) = -2x + 4$	pente $\frac{0-4}{2-0} = -2$, ordonnée à l'origine 4
Plus difficile		
74	$]1; 3[$	partie de la courbe strictement sous la droite $y = -1$
75	2	une de part et d'autre du maximum, en $x = -1$
76	$y = -2x + 2$	pente $\frac{-4-4}{3+1} = -2$, puis $4 = -2 \times (-1) + p$
77	$(2; 4)$	$3x - 2 = -x + 6$ donne $x = 2$
78	$m = 3$	$7 = 2m + 1$
79	$y = -3x + 5$	même coefficient directeur -3; $2 = -3 + p$

5 · Statistiques

N°	Réponse	Repère
80	9	série rangée, 5 valeurs : la 3 ^e
81	8	$\frac{3+4+9+10+14}{5} = \frac{40}{5}$
82	11	$14 - 3$
83	13	$\frac{2 \times 12 + 15}{3} = \frac{39}{3}$
84	240	somme = effectif $\times$ moyenne
85	25 %	$\frac{90}{360} = \frac{1}{4}$
86	11	trait intérieur de la boîte
87	6	$Q_3 - Q_1 = 14 - 8$

Plus difficile

88	6,5	effectif pair : moyenne des 4 ^e et 5 ^e valeurs
89	5	$\frac{8}{4} = 2$: la 2 ^e valeur
90	12	$\frac{10 \times 11 + 22}{11} = \frac{132}{11}$
91	12	$\frac{12 \times 14 + 8 \times 9}{20} = \frac{240}{20}$
92	16	$3 \times 5 + 1$
93	108°	$0,3 \times 360$

6 · Probabilités

N°	Réponse	Repère
94	$\frac{1}{2}$	$\frac{100}{200}$
95	$\frac{3}{10}$	$\frac{60}{200}$: filles <i>et</i> demi-pensionnaires
96	$\frac{3}{5}$	parmi les 100 filles : $\frac{60}{100}$
97	$\frac{6}{11}$	parmi les 110 demi-pensionnaires : $\frac{60}{110}$
98	0,12	produit le long de la branche : $0,4 \times 0,3$
99	0,42	probabilités totales : $0,4 \times 0,3 + 0,6 \times 0,5$
100	0,7	$1 - 0,3$
101	0,3	indépendance : $P(A \cap B) = P(A) P(B)$
102	0,4	$P_B(A) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} = \frac{0,2}{0,5}$
103	$\frac{1}{4}$	épreuves indépendantes : $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$

Plus difficile

104	$\frac{3}{4}$	$P(F) + P(D) - P(F \cap D) = \frac{100+110-60}{200}$
105	$\frac{5}{9}$	garçons parmi les 90 externes : $\frac{50}{90}$
106	$\frac{2}{7}$	$\frac{P(A \cap B)}{P(B)} = \frac{0,12}{0,42}$
107	Oui	$P(A \cap B) = 0,3 + 0,4 - 0,58 = 0,12 = P(A) P(B)$
108	$\frac{11}{36}$	contraire : aucun 6, probabilité $\left(\frac{5}{6}\right)^2 = \frac{25}{36}$
109	$\frac{3}{8}$	3 chemins de l'arbre (PPF, PFP, FPP), chacun de probabilité $\frac{1}{8}$
110	0,5	probabilités totales : $0,6p + 0,4(1 - p) = 0,5$

7 • Second degré

N°	Réponse	Repère
111	$S = \{2; 5\}$	somme 7, produit 10
112	$\Delta = 1$	$b^2 - 4ac = 9 - 8$
113	Aucune	$\Delta = 1 - 4 = -3 < 0$
114	$(x + 3)^2 - 8$	$x^2 + 6x = (x + 3)^2 - 9$
115	$(2; 3)$	forme canonique $a(x - \alpha)^2 + \beta$: sommet $(\alpha; \beta)$
116	$[1; 4]$	coefficient de x^2 négatif : positif entre les racines

Plus difficile

117	$S = \{-\frac{1}{2}; 1\}$	1 est racine ; produit des racines $\frac{c}{a} = -\frac{1}{2}$
118	$(x - 3)(x + 2)$	racines de somme 1 et de produit $-6 : 3$ et -2
119	$m = -6$ ou $m = 6$	$\Delta = m^2 - 36 = 0$
120	$2x^2 + 2x - 12$	$2(x - 2)(x + 3)$
121	5, atteint en $x = 2$	sommet en $x = -\frac{b}{2a} = 2$
122	$[-1; 3]$	racines -1 et 3 ; coefficient $1 > 0$: négatif entre les racines

8 • Suites numériques

N°	Réponse	Repère
123	13	$3 \times 5 - 2$
124	5	$u_1 = 2 \times 2 - 1 = 3$, puis $u_2 = 2 \times 3 - 1$
125	-26	$u_n = u_0 + nr = 4 + 10 \times (-3)$
126	80	$v_n = v_0 q^n = 5 \times 2^4$
127	$C_n = 1\,000 \times 1,03^n$	évolution à taux constant : suite géométrique de raison 1,03
128	210	$\frac{20 \times 21}{2}$
129	1 023	$1 + q + \dots + q^n = \frac{q^{n+1} - 1}{q - 1} = 2^{10} - 1$

Plus difficile

130	$r = 3, u_0 = -2$	$5r = 22 - 7$, puis $u_0 = u_3 - 3r$
131	2	$q^2 = 9$ donc $q = 3$, puis $v_0 = \frac{6}{3}$
132	120	10 termes : $10 \times \frac{3+21}{2}$
133	décroissante	géométrique de premier terme $5 > 0$ et de raison $0,8 \in]0; 1[$
134	3	$0,5^n$ devient aussi proche de 0 que l'on veut
135	10	$2^9 = 512$ et $2^{10} = 1\,024$

9 • Dérivation

N°	Réponse	Repère
136	$3x^2$	$(x^n)' = nx^{n-1}$
137	$-\frac{1}{4}$	$f'(x) = -\frac{1}{x^2}$
138	$\frac{1}{4}$	$f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}}$
139	$2x - 5$	dérivée terme à terme
140	$y = -x + 5$	$y = f(2) + f'(2)(x - 2) = 3 - (x - 2)$
141	4	$\frac{3^2 - 1^2}{3 - 1} = \frac{8}{2}$

Plus difficile

142	$4x - 5$	$(uv)' = u'v + uv' = 2(x - 3) + (2x + 1)$
143	$-\frac{2}{x^3}$	$(x^{-2})' = -2x^{-3}$
144	$-\frac{2}{(x - 1)^2}$	$\frac{u'v - uv'}{v^2} = \frac{(x-1) - (x+1)}{(x-1)^2}$
145	3	$f'(x) = \sqrt{x} + \frac{x}{2\sqrt{x}} = \frac{3}{2}\sqrt{x}$
146	$y = 6x - 9$	$y = 9 + 6(x - 3)$
147	8,12	$f(2) + f'(2) \times 0,01 = 8 + 12 \times 0,01$
148	-1 et 1	$f'(x) = 3x^2 - 3 = 0$

10 • Fonction exponentielle

N°	Réponse	Repère
149	e^2	$e^a e^b = e^{a+b}$
150	e^x	$e^{2x} \times e^{-x} = e^{2x-x}$
151	e^{x+1}	$e^{2x-(x-1)}$
152	$-2e^{-2t}$	$(e^{at})' = a e^{at}$
153	$x = 3$	$e^a = e^b \iff a = b$, donc $2x = x + 3$

Plus difficile

154	4	$(a + b)^2 - (a - b)^2 = 4ab$ et $e^x e^{-x} = 1$
155	$(x + 1)e^x$	$(uv)' = e^x + x e^x$
156	$3e^{3x} - 3$	$(e^{at})' = a e^{at}$
157	$S = \{1; 3\}$	$x^2 = 4x - 3$, soit $(x - 1)(x - 3) = 0$
158	$x > 1$	exp strictement croissante : $2x - 1 > x$
159	décroissante	dérivée $-0,5e^{-0,5t} < 0$

11 • Trigonométrie et géométrie

N°	Réponse	Repère
160	$\frac{1}{2}$	valeur remarquable
161	$\frac{1}{2}$	$\frac{5\pi}{6} = \pi - \frac{\pi}{6}$: même sinus que $\frac{\pi}{6}$
162	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{3\pi}{4} = \pi - \frac{\pi}{4}$: cosinus opposé
163	2	$xx' + yy' = 2 \times 3 + (-1) \times 4$
164	$\vec{n}(3; -2)$	$(a; b)$ est normal à $ax + by + c = 0$ (tout vecteur colinéaire non nul convient)
165	centre $(1; -2)$, rayon 3	$(x - a)^2 + (y - b)^2 = r^2$, et $r = \sqrt{9}$

Plus difficile

166	$-\frac{1}{2}$	même cosinus que $\frac{2\pi}{3}$ (symétrie par rapport à l'axe des abscisses)
167	$-\frac{1}{2}$	$\frac{7\pi}{6} = \pi + \frac{\pi}{6}$: sinus opposé
168	3	$\ \vec{u}\ \ \vec{v}\ \cos \frac{\pi}{3} = 3 \times 2 \times \frac{1}{2}$
169	15	$\ \vec{u}\ ^2 + 2\vec{u} \cdot \vec{v} + \ \vec{v}\ ^2 = 4 + 2 + 9$
170	$2x - y = 0$	$2x - y + c = 0$ et $2 - 2 + c = 0$